**תיעוד מימוש עץ AVL – לירון כהן 207481268 ויובל מור 209011543**

**מתודות AVLTree**

**AVLTree()**

המתודה בונה עץ ריק, כלומר מאתחלת את שורש העץ להיות null.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא קובעת ערכים של שדה.

**Empty()**

המתודה בודקת האם שורש העץ הוא null. אם כן, מחזירה אמת ואחרת שקר.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהשוואת שורש העץ ל-null נעשית בזמן קבוע.

**Size()**

המתודה מחזירה את ערך השדה size של שורש העץ. אם השורש לא קיים, מחזירה 0.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא מחזירה ערך של שדה.

**getRoot()**

המתודה מחזירה את ערך השדה root של העץ.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא מחזירה ערך של שדה.

**getRank()**

המתודה מחזירה -1 אם העץ ריק. אחרת, מחזירה את גובה שורש העץ (שבעץ AVL הוא גם דרגת השורש).

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהשוואת שורש העץ ל-null ואחזור ערך שדה נעשות בזמן קבוע.

**Min()**

אם העץ ריק מחזירה null ואחרת מחזירה את שדה ה-min של העץ.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהשוואת שורש העץ ל-null ואחזור ערך שדה נעשות בזמן קבוע.

**Max()**

אם העץ ריק מחזירה null ואחרת מחזירה את שדה ה-max של העץ.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהשוואת שורש העץ ל-null ואחזור ערך שדה נעשות בזמן קבוע.

**updateMin() – מתודת עזר**

המתודה מתחילה עם מצביע לשורש העץ ויורדת עם המצביע לבן השמאלי כל עוד הבן השמאלי קיים (והוא לא עלה וירטואלי, כדי להגיע לעלה האמיתי הנדרש). המתודה מעדכנת את שדה ה-min בעץ.

סיבוכיות המתודה היא מכיוון שמדובר בעץ AVL (שהינו עץ חיפוש בינארי מאוזן), עומק העץ הוא וכדי להגיע לעלה השמאלי ביותר בעץ (בעל הערך המינימלי) נצטרך לרדת בלולאה פעמים.

**updateMax() – מתודת עזר**

המתודה מתחילה עם מצביע לשורש העץ ויורדת עם המצביע לבן הימני כל עוד הבן הימני קיים (והוא לא עלה וירטואלי, כדי להגיע לעלה האמיתי הנדרש). המתודה מעדכנת את שדה ה-min בעץ.

סיבוכיות המתודה היא מכיוון שמדובר בעץ AVL (שהינו עץ חיפוש בינארי מאוזן), עומק העץ הוא וכדי להגיע לעלה הימני ביותר בעץ (בעל הערך המקסימלי) נצטרך לרדת בלולאה פעמים.

**Search(int k)**

המתודה מקבלת מספר שלם המייצג מפתח בעץ ומבצעת חיפוש בינארי על צמתי העץ.

בכל שלב, המתודה משווה את מפתח הצומת הנבדק לעומת המפתח שהתקבל כארגומנט.

נתחיל ממצביע לשורש, ונמשיך בחיפוש כל עוד לא הגענו לצומת שהיא null:

אם המפתחות שווים, מחזירה את ערך הצומת.

אם המפתח שהתקבל קטן ממפתח הצומת, מצביע הצומת יעבור לבן השמאלי.

אם המפתח שהתקבל גדול ממפתח הצומת, מצביע הצומת יעבור לבן הימני.

אם לא נמצא המפתח עד לשלב זה, המפתח אינו נמצא בעץ ומוחזר null.

סיבוכיות המתודה היא מכיוון שמדובר בעץ AVL (שהינו עץ חיפוש בינארי מאוזן), עומק העץ הוא ובמקרה הגרוע בכל איטרציה של לולאת ה-while לא מוצאים את המפתח ולכן יורדים רמה בעץ, עד להגעה לעלה וירטואלי.

**treePosition(int k) – פעולת עזר**

המתודה מקבלת מפתח להכנסה ומחזירה את צומת ההורה של המיקום המתאים להכנסה. אם המפתח קיים כבר בעץ, מחזירה את הצומת עם המפתח שהתקבל.

סיבוכיות המתודה היא מכיוון שמדובר בעץ AVL (שהינו עץ חיפוש בינארי מאוזן), עומק העץ הוא ובמקרה הגרוע בכל איטרציה של לולאת ה-while לא מוצאים את המפתח ולכן יורדים רמה בעץ, עד להגעה לעלה וירטואלי.

**insertBST(IAVLNode) – מתודת עזר**

המתודה מקבלת צומת ומכניסה אותו למקום המתאים בעץ לפי הגדרות עץ חיפוש בינארי.

המתודה משתמשת במתודת העזר treePosition שסיבוכיותה .

לאחר מכן, המתודה בודקת האם מפתח הצומת להכנסה זהה למפתח שהתקבל מהפעולה, אם כן המתודה מחזירה -1 כיוון שהמפתח קיים בעץ.

אם לא, בודקת האם להכניס את הצומת כבן שמאלי או בן ימני, מעדכנת את ה-rank של הצומת החדש ולבסוף מחזירה 1.

מלבד הקריאה לפעולת העזר מתבצעות בדיקות תנאים ועדכוני שדות ולכן בסה"כ סיבוכיות המתודה היא .

**rankDiff(AVLNode p, AVLNode c) – מתודת עזר**

המתודה מקבלת הורה ובן ומחזירה את הפרש שדות ה-rank ביניהם.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שמתבצעת פעולה אריתמטית והחזרת שדות.

**updateSize(AVLNode n) – מתודת עזר**

המתודה מקבלת צומת בעץ, מעדכנת את שדה ה-size שלו מתוך ערכי השדות של שני בניו (כפי שראינו בתרגול, נעשה ב-). המתודה עושה זאת עבור כל הורי הצומת עד להגעה לשורש.

סיבוכיות המתודה היא מכיוון שבמקרה הגרוע הצומת שהתקבל הוא עלה ולכן כמות האיטרציות תהיה גובה העץ, שהוא .

**Promote(AVLNode n), Demote(AVLNode n) – מתודות עזר**

המתודות מקבלות צומת ומוסיפות/מורידות 1 מה-rank שלו.

סיבוכיות המתודות היא כיוון שמתבצעת פעולה אריתמטית, עדכון והחזרת שדות.

**rightRotate(AVLNode z, AVLNode n), leftRotate(AVLNode z, AVLNode n) – מתודות עזר**

המתודות מקבלות הורה ובן (ביניהם הקשת שעלינו לסובב), מעדכנות את המצביעים הרלוונטיים בהתאם לצעדים שראינו בהרצאה וכן קוראות למתודת העזר UpdateSize על מנת לעדכן את שדות ה-size של הצמתים ששונו בפעולה. המתודות מחזירות 1 (עבור פעולת איזון אחת).

סיבוכיות המתודות היא כיוון שסיבוכיות מתודת העזר היא ומלבדה מתבצעים עדכוני מצביעים ועדכוני שדות.

**rightLeftRotate(AVLNode z, AVLNode n), leftRightRotate(AVLNode z, AVLNode n) – מתודות עזר**

המתודות מקבלות הורה ובן (ביניהם הקשת הראשונה שעלינו לסובב, כלומר הקשת הנמוכה יותר מבין שתי הקשתות), קוראות לפעולות הסיבוב המתאימות ומחזירות 2 (עבור שני הסיבובים).

סיבוכיות המתודות היא כיוון שמתבצעות קריאות לפעולות שסיבוכיותן .

**RebalanceInsert(AVLNode n) – מתודת עזר**

המתודה מקבלת הורה של צומת שהוכנס ומאזנת מחדש את העץ בהתאם למצב הצומת (אל מול הבנים שלו). המתודת מחלקת למקרים לפי המקרים שנראו בהרצאה וקראת לפעולות האיזון המתאימות (promote ו-rotations) אם יש צורך. המתודה מחזירה את מספר פעולות האיזון שנעשו.

סיבוכיות המתודה במקרה הגרוע היא . מלבד כאשר יש צורך ב-promote, כל הפעולות נעשות ב-. אם התבצע promote, ישנה אפשרות שבעיית האיזון "עלתה למעלה" רמה אחת בעץ ולכן התבצעה קריאה נוספת ל-rebalanceInsert. ראינו בכיתה שמספר פעולות ה-promote הוא לכל היותר גובה העץ, אשר כמעט מאוזן ולכן מדובר ב- בסך הכל.

**Insert(int k, String s)**

המתודה מקבלת מפתח וערך ויוצרת צומת חדש בהתאמה.   
אם העץ ריק, מכניסה את הצומת כשורש העץ, מגדירה אותו כ-min וה-max של העץ ומחזירה 0 כיוון שלא בוצעו פעולות איזון.   
אם העץ לא ריק, היא מכניסה את הצומת לעץ לפי חוקי עץ חיפוש בינארי (באמצעות מתודת העזר insertBST). אם המפתח היה בעץ, מחזירה -1. אחרת:

* מעדכנת את שדות ה-min וה-max של העץ אם יש צורך (באמצעות השוואת מפתחות).
* מעדכנת את ערכי השדה size של הצמתים הרלוונטיים (באמצעות מתודת העזר updateSize)
* מאזנת מחדש את העץ (באמצעות מתודת העזר rebalanceInsert)
* מחזירה את מספר פעולות האיזון שנעשו.

סיבוכיות המתודה היא כיוון ששלוש פעולות העזר נקראות באופן טורי והן בסיבוכיות של . מלבד זאת מתבצעת יצירת צומת ובדיקות פשוטות שהן .

**Successor(AVLNode n) *– מתודת עזר***

*המתודה מקבלת צומת בעץ ומחזירה את הצומת העוקב שלו בהתאם לנלמד בהרצאה.*

*סיבוכיות המתודה היא כיוון שבמקרה הגרוע המתודה צריכה "לעלות" או "לרדת" את כל העץ כדי למצוא את הצומת העוקב, ומכיוון שמדובר בעץ* AVL *כמעט מאוזן, מדובר ב- רמות.*

**deleteBST(AVLNode) – מתודת עזר**

המתודה מקבלת צומת ומוחקת אותו מהמקום המתאים בעץ לפי הגדרות עץ חיפוש בינארי. המתודה מחזירה את ההורה של הצומת שנמחק (במקרה שבו לצומת היו שני ילדים, מחזירה את ההורה של הצומת העוקב, שבמיקומו התבצעה המחיקה בפועל).

אם צריך, המתודה משתמשת במתודה successor שסיבוכיותה . בכל מקרה אחר המתודה משנה את המצביעים הרלוונטיים למחיקה ומקטינה את גודל העץ ב-1.

מלבד הקריאה לפעולת העזר מתבצעות בדיקות תנאים ועדכוני שדות ולכן בסה"כ סיבוכיות המתודה היא .

**RebalanceDelete(AVLNode n) – מתודת עזר**

המתודה מקבלת את ההורה של הצומת שנמחק ומאזנת מחדש את העץ בהתאם למצב הצומת (אל מול ההורה והבנים שלו). המתודה קוראת לפעולות ה-demote, promote וה-rotations לפי המקרים שנראו בכיתה ומחזירה את מספר פעולות האיזון שנעשו.

סיבוכיות המתודה במקרה הגרוע היא . פעולות איזון טרמינליות נעשות בקריאה למתודות עזר שסיבוכיותן . אם בעיית האיזון "עלתה למעלה" רמה אחת בעץ התבצעה קריאה נוספת ל-rebalanceDelete, מספר ה"עליות" בעץ הוא לכל היותר גובה העץ, אשר כמעט מאוזן ולכן מדובר ב- בסך הכל.

**Delete(int k)**

המתודה מקבלת מפתח למחיקה ומוצאת באמצעות (מתודת העזר treePosition) את מיקום הצומת למחיקה. אם המפתח לא בעץ, מחזירה -1. אחרת, מוחקת את הצומת מהעץ לפי חוקי עץ חיפוש בינארי (באמצעות מתודת העזר deleteBST).   
לאחר מכן, המתודה מאזנת מחדש את העץ (באמצעות שליחת ההורה למתודת העזר rebalanceDelete), מעדכנת את ערכי השדה size של הצמתים הרלוונטיים (באמצעות מתודת העזר updateSize), מעדכנת את ערכי השדות min ו-max במידת הצורך (באמצעות מתודות העזר updateMin ו-updateMax בהתאמה) ומחזירה את מספר פעולות האיזון שנעשו.

נציין שאם הצומת למחיקה היא שורש העץ, המתודה מוחקת את השורש מהעץ כרגיל אך שולחת ל-rebalanceDelete את השורש ולא את ההורה שלו (שהוא null) כדי לאזן את שורש העץ אם צריך.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שכל פעולות העזר נקראות באופן טורי והן בסיבוכיות של . מלבד זאת מתבצעות בדיקות פשוטות שהן .

**nodesToArray() – מתודת עזר**

המתודה מחזירה מערך צמתים המכיל את צמתי העץ מסודרים לפי מפתחות בסדר עולה.

המתודה מגדירה מחסנית ששומרת את כל הצמתים שהמצביע עבר בהם.

כל עוד המצביע לא הגיע לעלה וירטואלי או שיש עוד צמתים במחסנית, נכניס את הצומת הנוכחי למחסנית ונזוז לבן השמאלי. כשנגיע לעלה וירטואלי נכניס למערך את הצומת העליון במחסנית (המינימום באותו הרגע) ונזוז לבן הימני של הצומת שהכנסנו למערך (בדומה למעבר in-order שראינו בכיתה).

סיבוכיות המתודה היא מכיוון שנבקר בכל צומת לכל היותר 3 פעמים (בדרך לבן השמאלי, בחזרה מהבן השמאלי אל הימני ובחזרה מהימני להורה), לכן נקבל ביקורים. פעולות המחסנית, כמו גם בדיקות והחזרת שדות נעשות ב- ולכן נקבל סיבוכיות לינארית.

**KeysToArray()**

המתודה מחזירה מערך שלמים שמכיל את מפתחות העץ בסדר עולה.

המתודה משתמשת במתודת העזר nodesToArray ומקבלת ממנה מערך צמתים מסודר לפי מפתחות בסדר עולה. המתודה עוברת על מערך הצמתים ומכניסה למערך שלמים את מפתחות הצמתים לפי הסדר.

סיבוכיות המתודה היא מכיוון שמתודת העזר פועלת ב- ומעבר על המערך נעשה גם כן ב-. שאר הפעולות נעשות בזמן קבוע.

**infoToArray()**

המתודה מחזירה מערך מחרוזות שמכיל את ערכי העץ מסודרים לפי מפתחות בסדר עולה.

המתודה משתמשת במתודת העזר nodesToArray ומקבלת ממנה מערך צמתים מסודר לפי מפתחות בסדר עולה. המתודה עוברת על מערך הצמתים ומכניסה למערך מחרוזות את ערכי הצמתים לפי הסדר.

סיבוכיות המתודה היא מכיוון שמתודת העזר פועלת ב- ומעבר על המערך נעשה גם כן ב-. שאר הפעולות נעשות בזמן קבוע.

**Clone(AVLNode n) – מתודת עזר**

המתודה מקבלת צומת ומחזירה צומת חדש משוכפל, המכיל את המפתח, הערך ודרגה של הצומת ללא מצביעים להורה ובנים.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שמדובר ביצירת צומת חדש ועדכון שדות.

**Split(int x)**

**Min max**

המתודה מקבלת מספר המייצג מפתח, ובהתאם לאלגוריתם שהצגנו בכיתה מפצלת את העץ הנוכחי לשני עצי AVL, כך שבעץ אחד נמצאים כל הצמתים בעלי המפתחות הקטנים מהמפתח ובעץ השני נמצאים כל הצמתים בעלי המפתחות הגדולים מהמפתח. המתודה מחזירה את שני העצים בתוך מערך עצים.

ראשית המתודה מאתחלת שלושה עצי AVL –

T1 שבו יהיו הצמתים עם המפתחות הקטנים, T2 שבו יהיו הצמתים עם המפתחות הגדולים ועץ temp נוסף בו נשתמש בתוך המתודה בלבד.

המתודה מוצאת את הצומת עם המפתח הנתון כארגומנט באמצעות קריאה למתודת העזר treePosition, ומאתחלת את שני העצים לפי תת העץ השמאלי והימני של הצומת בהתאמה (אם לצומת קיימים בנים אמיתיים).

לאחר מכן, המתודה עוברת עם מצביע המתחיל מהצומת שמצאנו קודם, ובהתאם להאם הוא בן שמאלי או ימני של ההורה שלו, מכניסה את ההורה ואת תת העץ השני של ההורה לעץ המתאים (באמצעות המתודה join ותוך קריאה למתודת העזר clone עבור הצומת הבודד שנשלח ל-join). המתודה מעלה את המצביע להורה שלו, עד להגעה לשורש כלומר לפיצול העץ כולו.

לבסוף המתודה מאזנת באמצעות rebalanceInsert את שני העצים שהתקבלו ומחזירה אותם כמערך.

כפי שראינו בהרצאה, סיבוכיות המתודה היא (המתקבל כחסם הדוק כאשר לוקחים בחשבון שכל קריאה לפעולת join היא בסיבוכיות של ולא ).

**findRankEquiv(AVLTree tree, int rank, char d) – מתודת עזר**

המתודה מקבלת עץ, מספר המייצג דרגה ותו המייצג כיוון (r עבור ימין ו-l עבור שמאל). המתודה מחזירה את הצומת על השדרה המתאימה (שמאלית או ימנית) של העץ שדרגתה היא המקסימלית שקטנה או שווה ל-rank (עבור המתודה join).

סיבוכיות המתודה היא מכיוון שמדובר בעץ AVL (שהינו עץ חיפוש בינארי מאוזן), עומק העץ הוא ובמקרה הגרוע נצטרך לרדת עד לעלה השמאלי ביותר בעץ, כלומר הלולאה תרוץ פעמים.

**Join(IAVLNode x, AVLtree t)**

המתודה מקבלת עץ וצומת, ובהתאם לאלגוריתם שהצגנו בהרצאה מאחדת את העץ הנוכחי לעץ הנתון כארגומנט בהוספת הצומת הנתונה.

אם אחד העצים ריק או ששניהם ריקים, קוראת למתודה insert ומעדכנת את שורש העץ הנוכחי במידת הצורך.

אם שניהם לא ריקים, מבצעת השוואת מפתחות ודרגות כדי לקבוע את תצורת האיחוד (מי ימני או שמאלי ומי גבוה או נמוך), מוצאת בעץ בעל הדרגה הגבוהה את הצומת המקביל (מבחינת דרגה) לשורש העץ בעל הדרגה הנמוכה (באמצעות מתודת העזר findRankEquiv), משנה את המצביעים הרלוונטיים ומעדכנת את שורש העץ במידת הצורך.

לאחר מכן, המתודה קוראת למתודת העזר rebalanceInsert על מנת לאזן את העץ במידת הצורך וכן למתודת העזר updateSize על מנת לעדכן את ערכי השדות size של הצמתים הרלוונטיים.

המתודה מחזירה את הפרשי הגבהים של שני העצים + 1.

סיבוכיות המתודה היא מכיוון שמתודות העזר כולן בסיבוכיות , הן פועלות בצורה טורית וביניהן מתרחשות בדיקות ושינויי מצביעים הנעשים ב-. נציין כי לפי מה שראינו בכיתה חסם הדוק יותר יהיה .

**מתודות AVLNode**

**AVLNode(int key, String info)**

המתודה בונה עצם מסוג AVLNode, מאתחלת את המפתח והערך שלו למפתח והערך שהתקבלו כארגומנטים.

בנוסף, אם המפתח שהתקבל אינו -1 (כלומר צומת אמיתי), משנה את ערך ה-isReal לאמת (כיוון שבאופן דיפולטי משתנים בוליאניים מאותחלים לשקר), מגדירה את שני הבנים של הצומת לצמתים וירטואליים חדשים ואת ערך שדה ה-size שלו ל-1.

אם המפתח שהתקבל הוא -1, מגדירה את דרגתו כ-1 ואת שדה ה-size שלו ל-0.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא מבצעת השמות ובדיקות שנעשות בזמן קבוע.

**getKey()**

המתודה מחזירה את המפתח של הצומת.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא מחזירה ערך של שדה.

**getValue()**

המתודה מחזירה את הערך של הצומת.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא מחזירה ערך של שדה.

**setLeft(IAVLNode node)**

המתודה מגדירה את שדה הבן השמאלי של הצומת לצומת שהתקבל כארגומנט.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא קובעת ערך של שדה.

**getLeft()**

המתודה מחזירה את צומת הבן השמאלי של הצומת.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא מחזירה ערך של שדה.

**setRight(IAVLNode node)**

המתודה מגדירה את שדה הבן הימני של הצומת לצומת שהתקבל כארגומנט.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא קובעת ערך של שדה.

**getRight()**

המתודה מחזירה את צומת הבן הימני של הצומת.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא מחזירה ערך של שדה.

**setParent(IAVLNode node)**

המתודה מגדירה את שדה ההורה של הצומת לצומת שהתקבל כארגומנט.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא קובעת ערך של שדה.

**getParent()**

המתודה מחזירה את צומת ההורה של הצומת.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא מחזירה ערך של שדה.

**isRealNode()**

המתודה מחזירה אמת אם הצומת אמיתי ושקר אם היא עלה וירטואלי.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא מחזירה ערך של שדה.

**setHeight(int height)**

המתודה מגדירה את שדה הגובה של הצומת לערך שהתקבל כארגומנט.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא קובעת ערך של שדה.

**getHeight()**

המתודה מחזירה את גובה הצומת.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא מחזירה ערך של שדה.

**setSize(int size)**

המתודה מגדירה את שדה ה-size של הצומת לערך שהתקבל כארגומנט.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא קובעת ערך של שדה.

**getSize()**

המתודה מחזירה את ערך שדה ה-size הצומת.

סיבוכיות המתודה היא כיוון שהיא מחזירה ערך של שדה.

**חלק המדידות**